Decay from the Excited State

홍익대학교 신동명 • Vibrational relaxation ~ Internal conversion



IR 영역이 된다. -> thermal relaxation이 되면서 electromagnetic radiation으로 나올 수 있다. 그러나: 실제로는 나오지 않는다.

Radiation probability $B_{ul} \propto v^3$

-E 간격이 작아서 ν^3 의 값이 너무 작다. 따라서 excited 된 후 radiationless decay가 가장 빨리 일어 난다.

- What Could affect IC?
- 1. Franck–Condon Factor (F)
- 2. Vibronic coupling (Electronic Matrix Element) (β_{el})
- 3. Density of states (p)
 - : overlap of many density of state increases F

Fermi's Golden Rule (for radiationless transition)

$$k_{RLT} = \frac{4\pi^2}{n} F \beta_{el} \rho$$

Decays from Excited States : Vibrational Relaxation

- Franck–Condon Factor (F)
- Radiationless transitions b/w "Matching" Surface



Decays from Excited States : Vibrational Relaxation

- Franck-Condon Factor (F)
- Benzene and benzene $-d_6$ ightarrow
- Fluorescence quantum yield of benzene $-d_6$ is higher. \bullet
- Benzene decays faster. •
- Why? ightarrow

C-H vibration frequency : 3000cm⁻¹ C-D vibration frequency : 2200cm⁻¹

Wave ftn overlap 이 많아서 F 값이 크고, k_{RIT}가 크며 Φ₌가 작다.

$$\Phi_F(H_6) < \Phi_F(D_6)$$

$$\tau_P(H_6) = 6 \sec, \tau_P(d_6) = 12 \sec$$



• Azulene

$$\Phi_F(S_2 \to S_0) \approx 0.03$$

$$k_{ic}(S_2 \to S_1) \approx 7X10^8 \operatorname{sec}^{-1}$$

$$k_{ic}(S_1 \to S_0) \approx 10^{12} \operatorname{sec}^{-1} \checkmark$$



Exceptionally fast: Why?



- Energy Gap and rate of RLT
- Aromatic hydrocarbon의 경우



두 state 사이의 orbital overlap이 클수록 F 가 크다. 에너지 gap 이 작을수록 overlap이 크다.

SO coupling ; Vibronic coupling (β_{el})

$$\beta_{elec}^{SO} = \langle \psi | H_{SO} | \psi \rangle$$

$$H_{SO} \text{ has three components } \mathbf{R}_{x}, R_{y}, R_{z}.$$

- When ψ is p_x , $p_x X p_x =$ symmetric.
- $p_x H_{so} p_x = antisymmetric => \beta_e = 0$. Transition is forbidden.

| • | El Sayed's Rule | |
|---|-----------------|--|
|---|-----------------|--|

Intersystem crossing

| | allowed | $^{1}(\mathbf{n},\pi^{*}) \longleftrightarrow ^{3}(\pi,\pi^{*})$ | $^{3}(\mathbf{n},\pi^{*}) \longleftrightarrow ^{1}(\pi,\pi^{*})$ | | | | |
|----|-----------------------------------|--|--|--|--|--|--|
| | forbidden | $^{1}(\mathbf{n},\pi^{*}) \longleftrightarrow ^{3}(\mathbf{n},\pi^{*})$ | $^{3}(\pi,\pi^{*}) \longleftrightarrow ^{1}(\pi,\pi^{*})$ | | | | |
| -1 | 0 ⁻² ~10 ⁻³ | Forbidden에 해당되는 것은 같은 두개의 ft. ⁻² ~10 ⁻³ 따라서 두개 곱하면 symmetric, 여기에 Hso 곱하면 antisym. 이므로 forbidden | | | | | |

Decays from Excited States : Vibronic Mixing

- SO coupling ; Vibronic coupling (β_{el})
- (π, π) *, (\mathbf{n}, π) * mixed





Decays from Excited States : Vibronic Mixing

- SO coupling ; Vibronic coupling (β_{el})
- (π, π) *, (\mathbf{n}, π) * mixed



Gap=0: No mixing

Small gap: vibration energy 가 electronic coupling과 유사 따라서 둘 사이의 관계에 따라 떨어지는 방향이 다르다.

Large gap: electronic coupling 즉 mixing. Gap 영역에서의 vertical Transition이 어려워 진다. 즉 위로 일단 올라가면 radiationless transition 이 느려진다.

SO coupling ; Vibronic coupling (β_{el})

$$\varphi(S_1) = \varphi(n, \pi^*) + \lambda \varphi(\pi, \pi^*)$$

$$\lambda : \text{mixing coefficient.}$$

$$\lambda = \left| \frac{\left\langle \varphi_a \middle| H_{vib} \middle| \varphi_b \right\rangle}{E_a - E_b} \right| : \frac{\text{matrix element}}{\text{energy separation}}$$

$$S_1 = n\pi^* + \left| \frac{\left\langle n\pi^* \middle| H_{vib} \middle| \pi\pi^* \right\rangle}{E_{\pi\pi^*} - E_{n\pi^*}} \right| \pi\pi^*$$

$$\left\langle n\pi^* \middle| H \middle| \pi\pi^* \right\rangle \sim \left\langle n \middle| H \middle| \pi \right\rangle \neq 0: \text{non - planar vib.}$$



• SO coupling ; Vibronic coupling (β_{el})



• Visual Presentation of S.O. Coupling



Decays from Excited States : Spin-Orbit Coupling

• Visual Presentation of S.O. Coupling



Decays from Excited States : Spin-Orbit Coupling

• 다음 carbonyl 화합물의 isc rate를 비교해 보자.

•k_{ST} ~ 10⁹- 10⁸ sec⁻¹ intermediate

•k_{ST} ~ 10⁷- 10⁶ sec⁻¹ slow (out-of-plane bending 이 적다.)



• Structural Effects





twisting a π bond

- Structural Effect –
- 아래와 같은 형광 효율을 갖는 이유를 알아보자.



Steric interactions b/w the phenyl groups of cis-stilbene : rapid r I t by twisting. <u>trans</u>-Stilbene can also twist about the C=C bond in S_1 .

The other two molecules: twisting motion is severely hindered by structural constraints.

이외에도 온도를 낮추거나, 주변의 환경을 조 정하여 분자들이 움직이지 못하게 하면 형광 의 양을 크게 증가할 수 있다.

- Structural Effect
- 아래와 같은 형광 효율을 갖는 이유를 알아보자.

Ph-C의 길이가 tert-butyl benzene의 경우 매 우 길어서 loose한 bolt 와 같은 형태로 쉽게 열 에너지로 전환되면서 기저상태로 떨어지게 된 다.

77 K 에서 Φ_P (toluene) ~1.0 . 이고 Φ_P (tert-butyl benzene) ~0.0 인 것도 같은 이 유에서 이다.



• S₁ — • T₁ (T_n)



Intersystem Crossing

| compounds | k _{isc} | ΔE _{ST} | |
|-------------------|-------------------|------------------|-------------------------------------|
| Naphthalene | 10 ⁶ | 30 | |
| Anthracene | 10 ⁸ | 2-3 | |
| Pyrene | 10 ⁶ | 30 | |
| 9-acetoanthracene | ~10 ¹⁰ | ~5 | |
| 9,10- | ~108 | 30 | $^{1}\pi\pi^{*}->^{3}\pi\pi^{*}$ |
| Benzophenone | 1011 | 5 | ¹ nπ*-> ³ ππ* |
| acetone | 5X10 ⁸ | 5 | ¹ nπ*-> ³ nπ* |

- Nonbonding electron 있는 경우와 없는 경우에 차이가 있다.

 Heavy atom effect: 9,10-dibromoanthracene △E_{ST}=30임에도 10⁸으로 2 order 증가

Benzophenone 과 acetone 의 경우 allowed tr. 과 forbidden tr. 차

• ISC internal heavy atom effects:

| | k _F | k _{isc} | k _{TS} | Φ_{P} |
|---------------------|-------------------|------------------|----------------------|------------|
| naphthalene | 10 ⁶ | 1,06 | 10 ⁻¹ | 0,05 |
| 1-fluoronaphthalene | 10 ⁶ | 106 | 10-1 | 0.06 |
| 1-chloronaphthalene | 10 ⁶ | /108 | 10 | 0.54 |
| 1-bromonaphthalene | 10 ⁶ | 108 | 50 | 0.55 |
| Perylene | 2x10 ⁸ | 10 ⁷ | Φ _F =0.98 | |
| 3-bromoperylene | 2x10 ⁸ | <108 | Φ _F =0.98 | |

• Naphthalene : \mathbf{k}_{isc} \mathbf{k}_{TS} (T 에서 S로, 인광등) Φ_{P} 모두 증가

Perylene : bromo 로 치환 했음에도 인광이 없다. ???이유는???
2 order 정도는 차이가 나야 heavy atom effect가 있다. 이경우는 형 과의 속도가 isc속도보다 빨라서 영향이 없다. • ISC external heavy atom effects:





ISC external heavy atom effects: Euglena
 빛을 따라 움직인다.



Flavin : photo receptor (빛을 감지한다.)

0.01 molar KI 를 첨가하였더니 빛을 따라가는 움직임이 감소?

singlet excited state가 KI에 의하여 quenching 되었다.

모든 경우 heavy atom effect가 있는 것이 아니다! carotein 의 singlet
 은 kic =10¹⁴이므로 k_{isc} 가 일어날 수 없다. 즉 KI의 효과가 없다.

Decays from Excited States : Intersystem Crossing

- ISC external heavy atom effects:
- 영향을 미치는 물질들:
- 산소, Xe, organic halide, organometallic
- 산소의 경우 (10⁻²~ 10⁻³ mol in solution)
- $k = k_{isc} + k_q [O_2]$
- $K_q = 10^{10} \sim 10^9$ M $^{-1}$ sec $^{-1}$ (diffusion controlled rxn)
- k_{isc} = ~10¹⁰ 이면 산소의 영향이 거의 없다.
- k_{isc} = ~10⁶ 이면 산소의 영향 많이 받는다.



Kinetics



$$\frac{d[A^*]}{dt} = -[A^*](k_1 + k_2 + k_3) = -\sum k[A^*]$$

$$\frac{d[A^*]}{[A^*]} = -\sum k dt$$
$$[A^*] = [A^*]_o e^{-\sum kt}$$
$$\tau = \frac{1}{\sum k}$$

• Kinetics

$$\tau_{f} = \frac{1}{k_{F}^{o} + k_{isc} + k_{ic}}$$
$$\tau_{p} = \frac{1}{k_{P}^{o} + k_{isc}^{o}}$$
$$^{1}k_{isc} : \text{singlet} \rightarrow \text{triplet}$$
$$^{3}k_{isc} : \text{triplet} \rightarrow \text{singlet}$$





I: *rate* of absorption of photons
$$[I] = [S_1] \sum^{1} k \qquad : \qquad \sum^{1} k = k_{ic} + k_f + k_{isc}$$

$$\Phi_{f} = \frac{rate \text{ of emission by } S_{1}}{rate \text{ of absorption of photons by } S_{0}}$$
$$= \frac{k_{f}[S_{1}]}{I_{a}} = \frac{k_{f}}{\sum^{1} k}$$

$$[S_1] = \frac{I_a}{k_{isc} + k_{ic} + k_f}$$

• Kinetics

$$\begin{aligned} \tau_f = & \frac{1}{\sum k} \ 0 | \square \boxdot \Phi_f = k_f \tau_f \\ \Phi_{ic} = & k_{ic} \tau_f \quad , \quad \Phi_{isc} = k_{isc} \tau_f \end{aligned}$$

Kinetics

$${}^{1}k_{isc}[S_{1}] = {}^{3}k_{isc}[T_{1}] + k_{p}[T_{1}]$$
$$[T_{1}] = \frac{{}^{1}k_{isc}[S_{1}]}{{}^{3}k_{isc} + k_{p}}$$
$$\Phi_{p} = {}^{1}\Phi_{isc}\frac{k_{p}}{k_{p} + {}^{3}k_{isc}} = {}^{1}\Phi_{isc}\tau_{p}k_{p}$$

설명

 $\frac{k_p \frac{k_{isc}}{k_{isc} + k_p} \frac{I_a}{k_{isc} + k_f + k_{ic}}}{\frac{1}{k_{isc} + k_f + k_{ic}}}$ $k_p[T_1]$ ${\pmb \Phi}_p$ I_a I_a k_{isc} k_{isc} k_{isc}

• Kinetics





실명 $\Phi_{\rm f}$ =0.06 $\Phi_{\rm p}$ =0.54 $\Delta E_{\rm ST}$ = 31 Kcal/mol 상당히 커서 일반적인 aromatic hydrocarbon 과 일 치

이 치환기로 인해 조금 빨라지나 느린 편이다. 그러나) 형광으로 떨어지는 속도가 상당히 느리고, internal conversion rate 도 느려서 상대적으로 isc가 잘 일어난다. $\Phi_{\rm f} + \Phi_{\rm p}$ =0.6 이므로 나머지는 빛이 안 나오는 isc (T₁ -> S_o) • Kinetics –home work



 $\Phi_f < 10^{-4}$ $\tau_S \sim 10^{-11} \tau_T = 6 \times 10^{-3}$

¹k_{isc} , ³K_{isc} ,k_f 를 구해 보아라_.

Kinetics



Radiative Energy Transfer

 absorption of photon emitted from donor

- very long range

- Non-radiative Energy Transfer
 - -Coulombic (dipole-dipole) interaction
 - (~20-60 A) long range
 - Electron Exchange

(~6-15 A) short range

• Energy Transfer

- ${}^{1}D^{*} + A \rightarrow {}^{1}D + {}^{1}A^{*}$ Singlet Singlet ET (spin
- ${}^{3}D^{*} + A \rightarrow {}^{1}D + {}^{3}A^{*}$ Triplet Triplet ET
- ${}^{3}D^{*} + {}^{3}A_{0} \rightarrow {}^{1}D + {}^{3}A_{n}^{*}$ Triplet Triplet ET
- ${}^{3}D^{*} + A \rightarrow {}^{1}D + {}^{1}A^{*}$ Triplet Singlet ET

(spin conserved)

 $^{3}D^{*} + ^{3}A_{0} \rightarrow ^{1}D + ^{1}A^{*}$ Triplet - Singlet ET (singlet Oxygen 형성) (spin conserved)

 $^{3}D^{*} + A \rightarrow ^{1}D + ^{1}A^{*}$ Triplet - Singlet ET

이 경우 triplet lifetime 이 길어서 Process를 가능하게 한다.

Triplet - triplet annihilation도 같은 이유로 가능하 다. ~ 40 A 까지 in cellulose acetate film

• Trivial Radiative Energy Transfer

$${}^{1}M_{A}^{*} \rightarrow {}^{1}M_{A} + hv_{M}$$
; ${}^{1}Y + hv_{M} \rightarrow {}^{1}Y^{*}$
singlet - singlet
 ${}^{3}M_{A}^{*} \rightarrow {}^{1}M_{A} + hv_{p}$; ${}^{1}Y + hv_{p} \rightarrow {}^{1}Y^{*}$
triplet - singlet

Singlet-triplet, Triplet-triplet migration?
 일반적으로는 무시 : triplet absorption이 작다.



$$\begin{bmatrix} A \end{bmatrix}$$

 l
 $heta_E$

- : # of acceptor molecules in the path of the emitted photon.
- : path length.
 - : Quantum efficiency of emission by donor.

Decays from Excited States : Energy Transfer – Radiative

- Energy transfer experiment 1:
- Donor의 농도는 일정하게 하게, acceptor의 농도를 바꿔가며 실험.



- 1. Radiative transfer는 spectrum overlap으로만 가능
- Non-radiative trans. 은 어느 정도 가까운 거리에서 가능 (농도에 의 존 (농도가 높아야 가능)

- Acceptor의 위치에 따른 E. T.
- 어느 것에 ET 가능한가?



모두 다 ET 가능. Overlap만 되면 된다.

- Spectrum of D&A mixture
- D의 spectrum 변화



Decays from Excited States : Energy Transfer – non-radiative



• P가 매우 클때는 k_{energy transfer}가 매우 크다.

<mark>(D* + A) ↔ (D + A*)</mark> 를 매우 빨리 오간다.

- Excitation이 더 이상 localize 안된다.

D와 A를 섞어 찍은 absorption spectrum과 D abs. Spec. + A abs. Spec.
 이 같은가?

D+A의 흡수 spec.은 energy transfer에 의하여 D abs. Spec. + A abs. Spec. 이 같을 수 없다.



K _{Energy Trans} < k _{vibrational relaxation} 인 경우

•

- D* undergo energy transfer from its bottom vibrational level, A* 형성 후 빨리 bottom level로 가서

$$- \left(\mathbf{D}^* + \mathbf{A} \right) \iff \left(\mathbf{D}^* + \mathbf{A}^* \right)$$

이 degeneracy 가 쉽게 깨지고,

- Energy transfer가 한 방향으로 진행된다.



이와 같은 matching 이 유기분자에서 가능 한 것은?

많은 vibrational, rotational sub-level 이 존재하기 때문이다.

Coupled degenerate non-radiative transitions

- Rate const. Of energy transfer:
- 앞의 그림과 같은 coupling 이 많을 수록 overlap이 많다.

$$J_{D^*A} \equiv \text{spectral overlap integral}$$
$$= \int I_F(\overline{\nu}) \varepsilon_A(\overline{\nu}) d\overline{\nu}$$

$$\begin{split} k_{D^*A} &= \frac{9000 \ (\ln 10) k^2 \Phi_D}{128 \pi^4 n^4 N \tau_D} (\frac{1}{R^6}) \int_0^\infty I_F(\overline{\nu}) \varepsilon_A(\overline{\nu}) \frac{1}{\overline{\nu}^4} d\overline{\nu} \\ &= \frac{1}{\tau_D} (\frac{R_0}{R})^6 \end{split} \quad \text{Radiative lifetime} \end{split}$$

R: donor-acceptor average distance

 R_o : critical distance = R at 50% transfer efficiency

R 이 -6승에 비례함은 D-A 거리를 공유결합으로 조절하여 비례관계 구했다.

• R₀ 구하는 방법



• Critical Distance의 예

이 경우 energy transfer는 solvent viscosity에 무관 10-4 M 이하에서는 D---A가 만나야 하므로 viscosity 관계된다.

Energy Transfer – Collisional

 Collisional migration due to excimer-exciplex formation

$${}^{1}D^{*} + {}^{1}A \leftrightarrows DA^{*} \rightarrow {}^{1}D + {}^{1}A^{*}$$

singlet - singlet
$${}^{3}D^{*} + {}^{1}A \leftrightarrows DA^{*} \rightarrow {}^{1}D + {}^{3}A^{*}$$

triplet - triplet

D=A: excimer



Energy Transfer – Electron Exchange

$${}^{1}D^{*} + {}^{1}A \rightarrow {}^{1}D + {}^{1}A^{*}$$

singlet - singlet

$${}^{3}D^{*} + {}^{1}A \rightarrow {}^{1}D + {}^{3}A^{*}$$

triplet - triplet

$${}^{3}D^{*} + {}^{1}A \rightarrow {}^{1}D + {}^{1}A^{*}$$

triplet - singlet

Spin conservation Dipole-allowed efficient

Spin conservation Dipole forbidden moderate

Spin forbidden Dipole allowed Moderate ¹A의 lifetime은 ³D의 lifetime 에 의하여 결정된다.

Energy Transfer – Triplet+triplet

$${}^{3}M^{*} + {}^{3}M^{*} \rightarrow {}^{1}M + {}^{1}M^{*}$$
$${}^{3}M^{*} + {}^{3}M^{*} \rightarrow {}^{1}D^{*}$$
$${}^{3}M^{*} + {}^{3}M^{*} \rightarrow {}^{1}M + {}^{3}M^{**}$$

Triplet의 lifetime이 길기 때문에 가

- Solution에서는 excimer 형성으로 가능
- Rigid matrix에서는 electron exchange로 가능
- 다음 process들은 exciplex 형성 또는 electron exchange로 가능

$${}^{3}M^{*} + {}^{3}O_{2} \rightarrow {}^{1}M + {}^{1}O_{2}^{*}$$
$${}^{3}M^{*} + {}^{3}Y^{*} \rightarrow {}^{1}M + {}^{1}Y^{*}$$

$${}^{3}M^{*} + {}^{3}Y^{*} \rightarrow {}^{1}M + {}^{3}Y^{**}$$

2차 여기상태로의 전이가 allowed transition이므로 radiative, dipoledipole interaction으로도 가능

Energy Transfer – Singlet+triplet

$${}^{1}M^{*} + {}^{3}M^{*} \rightarrow {}^{1}M + {}^{3}M^{**}$$

 ${}^{1}M^{*} + {}^{3}Y^{*} \rightarrow {}^{1}M + {}^{3}Y^{**}$

Spin conservation Dipole allowed Fast S-T fusion

» Triplet의 lifetime이 길기 때문에 가능

- 전이가 allowed transition이므로 radiative, dipole-dipole interaction으로도 가능
- Spin conservation도 됨으로, collisional 또는 electronexchange로도 가능

 $|_{\mathsf{F}}$

• Energy Transfer – Chlorophyll



• Energy Transfer – Chlorophyll

$$\frac{1}{P} - \frac{1}{3} = \left(\frac{1}{P_o} - \frac{1}{3}\right) \left[1 + \frac{4\pi N R_o^6 [A]}{15(2a)^3} \times 10^{-3}\right]$$

🕨 a: molecular radius (cm) 를 구할 수 있다.



Energy transfer에 의해 농도가 높아 질수록 depolarization 이 크다.

• Energy Transfer

| parameter | Radiative | Exciton | Foster | e – exchange |
|------------------------|-----------|----------|----------|-----------------|
| Volume up | | 0 | 0 | 0 |
| Viscosity up | 0 | | 0 | 1 |
| Temp. down | 0 | | ?(o,+) | |
| Lifetime (D*) | 0 | _ | | |
| D* Lum. Spectrum 변화 | yes | slightly | no | no |
| A absop. 변화 | no | slightly | no | no |
| Conc. range | >0.5M | >0.1 M | 10-4~0.1 | 10-4~0.1 |

- 0: no effects
- +: increase -: decrease

Decays from Excited States : Energy Transfer - 예

- Energy Transfer
- Terenin & Ermolaev





- Reduction in benzophenone(BP) phosphorescence.
- New phos. Peak of Np.

• ¹BP
$$\xrightarrow{\text{isc}} {}^{3}\text{BP} \xrightarrow{\text{Np}(S_o)} {}^{3}\text{BP}(S_o) + {}^{3}\text{NP}$$

• Diffusion is rate-limiting: $k_{ET}\eta$ 는 여러 용매에서 일정한 값

Np를 많이 넣으면 Np의 phosphorescence 증가하다 감소한다. Why?

$$^{3}Np^{*} + ^{3}Np^{*} \longrightarrow ^{1}Np^{*}$$
 ^{1}Np

Triplet-Triplet annihilation



• Energy Transfer – energy diagram

Energy transfer in the ketone naphthalene system



Approximate energies given in kcal/mol

$$N \xrightarrow{hv} {}^{1}N^{*}$$

$${}^{1}N^{*} + K \longrightarrow N + {}^{1}K^{*}$$

$${}^{1}K^{*} \longrightarrow {}^{3}K^{*}$$

$${}^{3}K^{*} + N \longrightarrow K + {}^{3}N^{*}$$

The consequence of this exchange is assisted intersystem crossing in naphthalene.

It also provides a way of 'isolating' the singlet chemistry of carbonyl compounds

Decays from Excited States : eximer formation

- Coumarin
- Polar medium : cis & head-to-head dimer formed
- Non-polar medium : w/ BP (일정량, 350 nm) : trans & headto-head dimer.

